

# تجزیه و تحلیل داده ها در نساجی

## پردازش تصویر

دکتر پدram پیوندی

بخش سوم

1

## انواع تصویر

1. Intensity Images (Gray-Scale)
2. Binary Images
3. RGB Images (True color)
4. Indexed Images

2

2

# انواع تصویر

- Intensity Images (Gray- Scale):

به تصویری گفته می‌شود که تنها دارای مقادیر روشنایی است و خصوصیات رنگ مانند فام و خلوص را ندارد. در Matlab این تصاویر توسط ماتریس‌های دوبعدی تعریف می‌شوند به طوری که مقدار هر عنصر از این ماتریس معرف میزان روشنایی پیکسل متناظرش در تصویر مربوطه است. دامنه تغییرات عناصر این ماتریس ممکن است بین ۰ تا ۱ و یا بین ۰ تا ۲۵۵ تغییر کند.

3

3

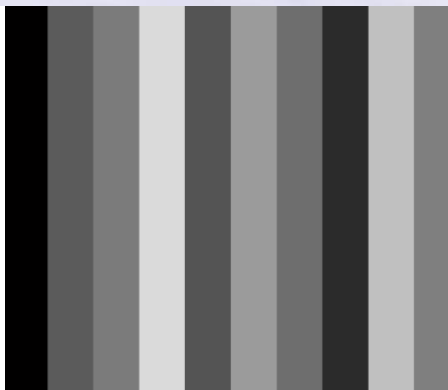
## Intensity Images - Sample

Im\_Gray =

```

0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127
0 91 123 218 84 155 110 43 192 127

```



4

- **Binary Images:**

یک تصویر باینری به تصویری گفته می‌شود که هر پیکسل از آن تنها بتواند دارای یکی از دو مقدار ممکن (معمولاً ۰ و ۱) باشد، یعنی هر پیکسل می‌تواند یکی از دو رنگ سیاه (برای پس‌زمینه) و سفید (برای نمایش لبه‌ها) را داشته باشد. از آن‌جاکه برای ذخیره هر پیکسل تنها به یک بیت نیاز داریم، این‌گونه تصاویر به راحتی ذخیره می‌شوند و مقادیر آنها می‌تواند، (۰ و ۱) و یا (۰ و ۲۵۵) باشد.

5

5

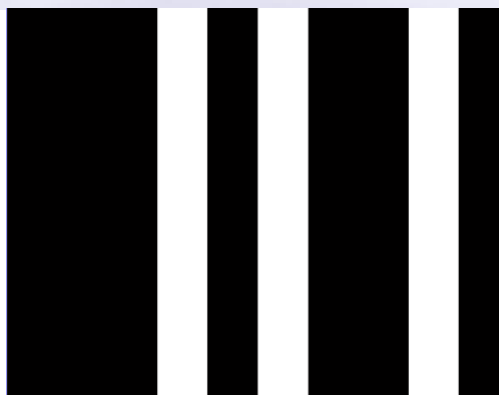
### Binary Images - Sample

Im\_BW =

```

0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0
0 0 0 1 0 1 0 0 1 0

```



6

- RGB Images (True color):

یک تصویر RGB به تصویری گفته می‌شود که به ازای هر پیکسل از آن سه عدد بین ۰ تا ۲۵۵ در حافظه کامپیوتر ذخیره می‌شود. این اعداد معرف شدت هر یک از رنگ‌های قرمز، سبز و آبی است. مثلاً برای یک پیکسل سفید سه عدد (۲۵۵،۲۵۵،۲۵۵) و برای یک پیکسل سبز سه عدد (۰،۲۵۵،۰) به ترتیب معرف شدت رنگ‌های قرمز، سبز و آبی است. بنابراین برای هر نقطه از تصویر بیش از ۱۶ میلیون (۲۵۶\*۲۵۶\*۲۵۶) حالت رنگی مختلف امکان‌پذیر خواهد بود. واضح است که یک تصویر RGB سه برابر یک تصویر شدتی هم‌اندازه با آن، حافظه کامپیوتر را اشغال خواهد کرد و به همان نسبت هم به زمان پردازش بیشتری نیاز دارد.

7

7

```
val(:, :, 1) =
0 237 34 255 63 255 163 136 181 127
0 237 34 255 63 255 163 136 181 127
0 237 34 255 63 255 163 136 181 127
0 237 34 255 63 255 163 136 181 127
0 237 34 255 63 255 163 136 181 127
```

```
val(:, :, 2) =
0 28 177 242 72 127 73 0 230 127
0 28 177 242 72 127 73 0 230 127
0 28 177 242 72 127 73 0 230 127
0 28 177 242 72 127 73 0 230 127
0 28 177 242 72 127 73 0 230 127
```

```
val(:, :, 3) =
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
0 36 76 0 204 39 164 21 29 127
```



RGB Images -  
Sample

8

R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127
R: 0 G: 0 B: 0	R:237 G: 28 B: 36	R: 34 G:177 B: 76	R:255 G:242 B: 0	R: 63 G: 72 B:204	R:255 G:127 B: 39	R:163 G: 73 B:164	R:136 G: 0 B: 21	R:181 G:230 B: 29	R:127 G:127 B:127

9

## • Indexed Images

این تصاویر توسط دو ماتریس زیر مشخص می‌شوند:

1. ماتریس [اندیس]: ابعاد این ماتریس برابر با ابعاد تصویر برحسب پیکسل است. مقادیر این ماتریس معمولا بین ۱ تا ۲۵۶ تغییر می‌کند و مقدار هر درایه از این ماتریس معرف شماره سطری از ماتریس نقشه‌رنگ است.

2. ماتریس نقشه‌رنگ: این ماتریس دارای ۳ ستون است و هر سطر از آن معرف یکی از رنگ‌های موجود در تصویر است. به طوری که عنصر اول هر سطر معرف قرمز، عنصر دوم معرف سبز و عنصر سوم معرف آبی است.

یک تصویر اندیس‌شده بسته به مقادیر ماتریس نقشه‌رنگ، ممکن است رنگی یا Gray-Scale باشد.

10

10

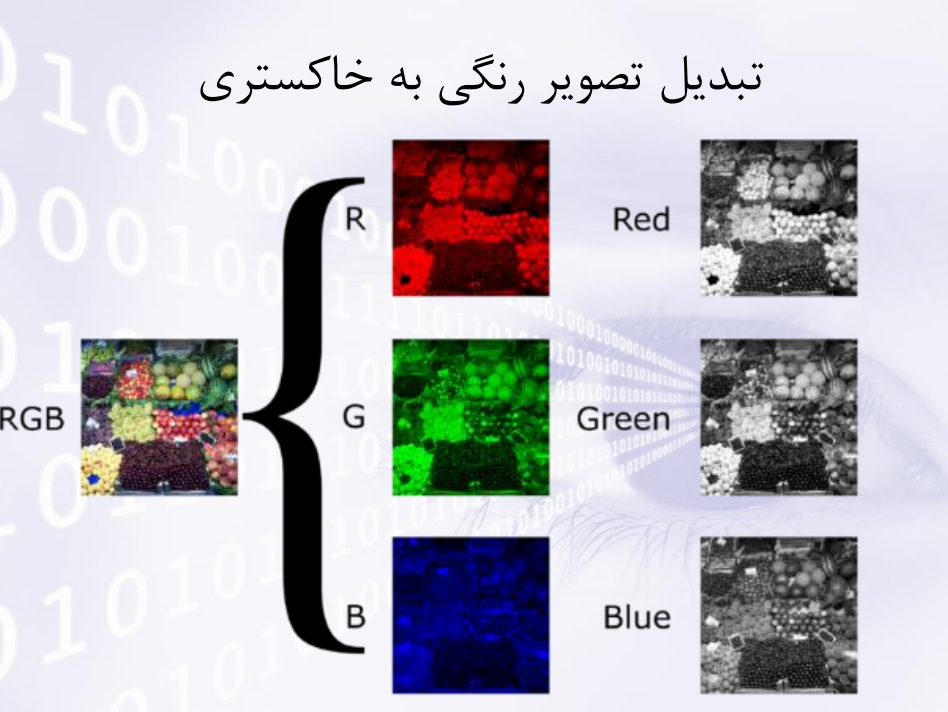
Indexed Images - Sample



Map			Index									
0	0	0	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
0.9294	0.1098	0.1412	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
0.1333	0.6941	0.2980	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
0.7098	0.9020	0.1137	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
0.2471	0.2824	0.8000	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
0.4980	0.4980	0.4980	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
0.5333	0	0.0824	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
1.0000	0.4980	0.1529	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
1.0000	0.9490	0	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5
0.6392	0.2863	0.6431	0	1	2	8	4	7	9	6	3	5

11

تبدیل تصویر رنگی به خاکستری



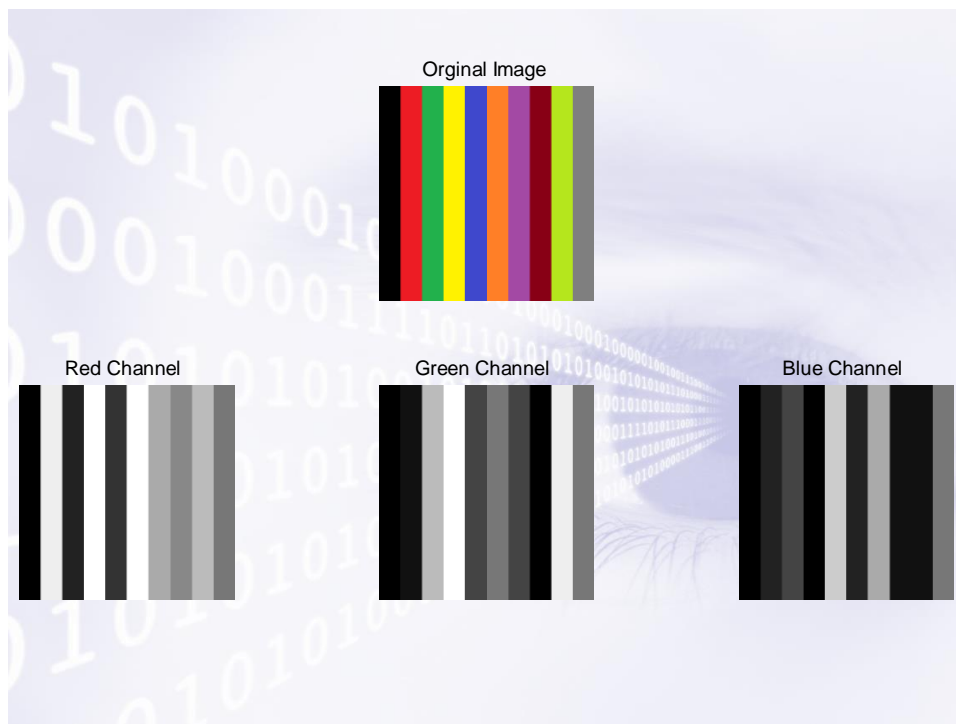
RGB

R Red

G Green

B Blue

12



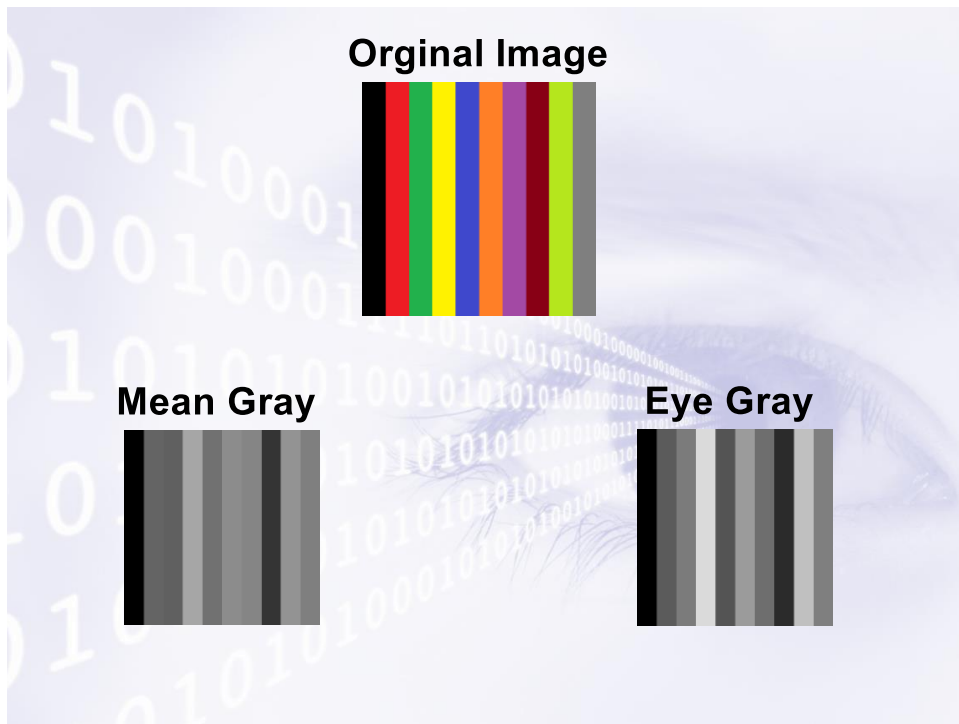
13

تبدیل تصویر رنگی به خاکستری

$$Y' = 0.299R' + 0.587G' + 0.114B'$$

14



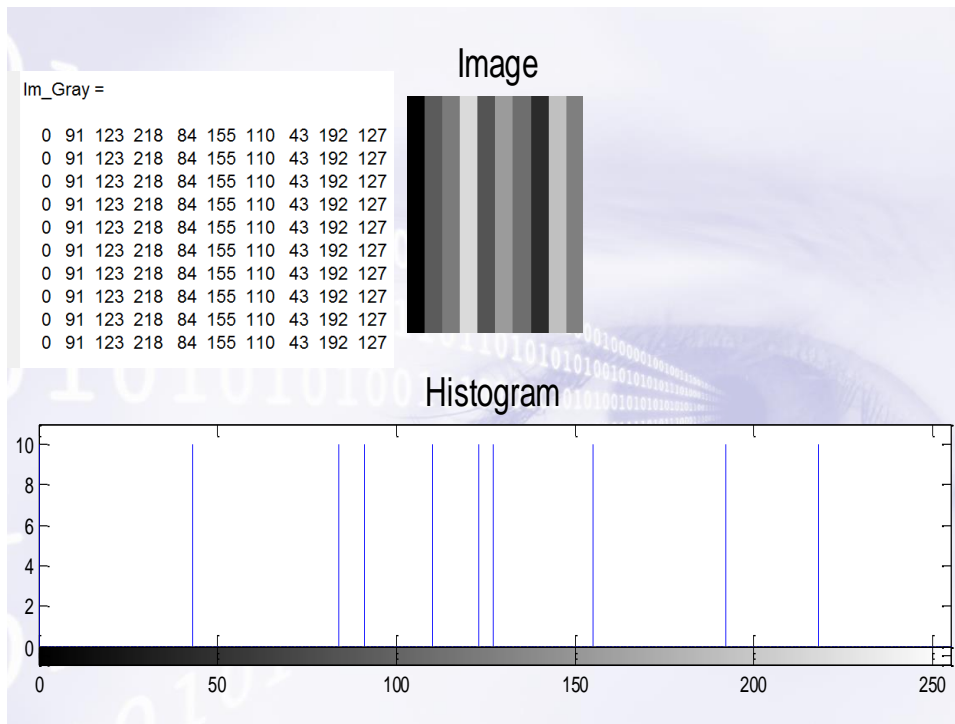


15

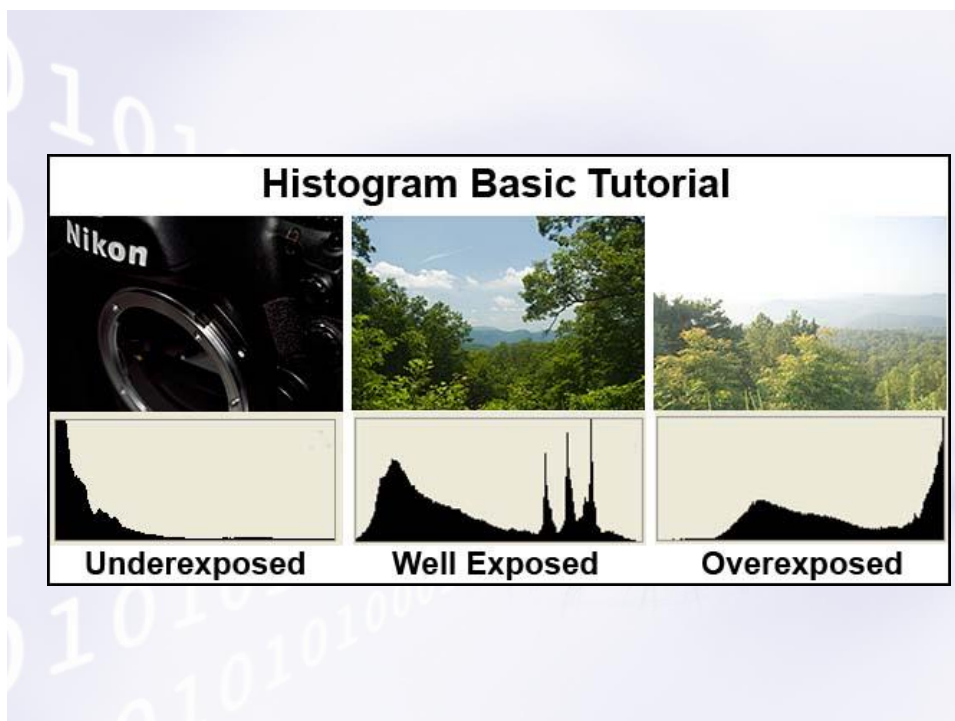


16

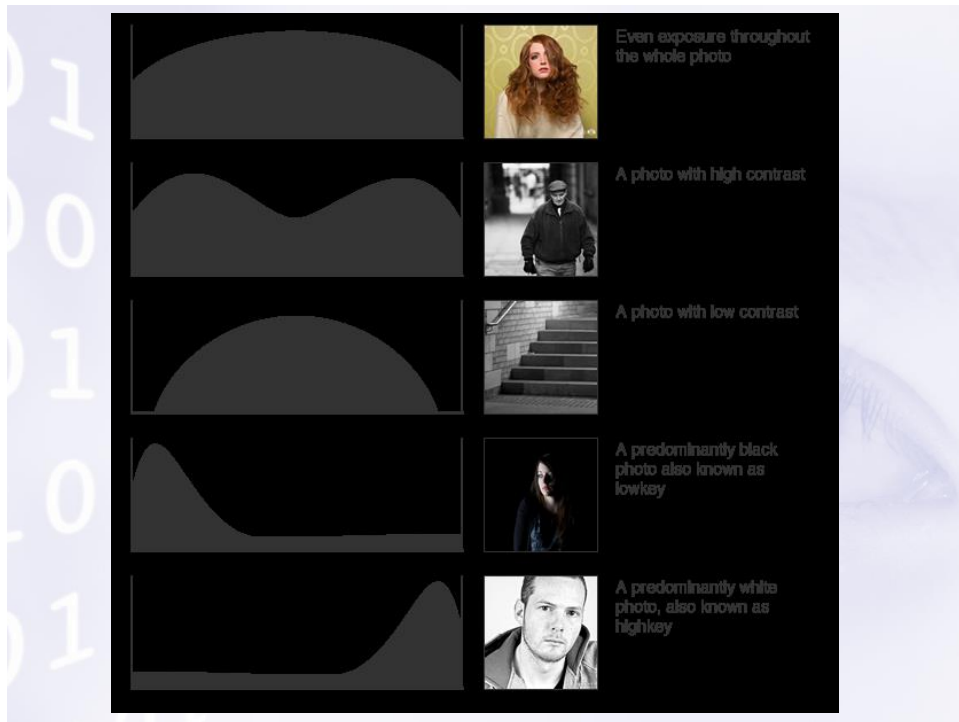




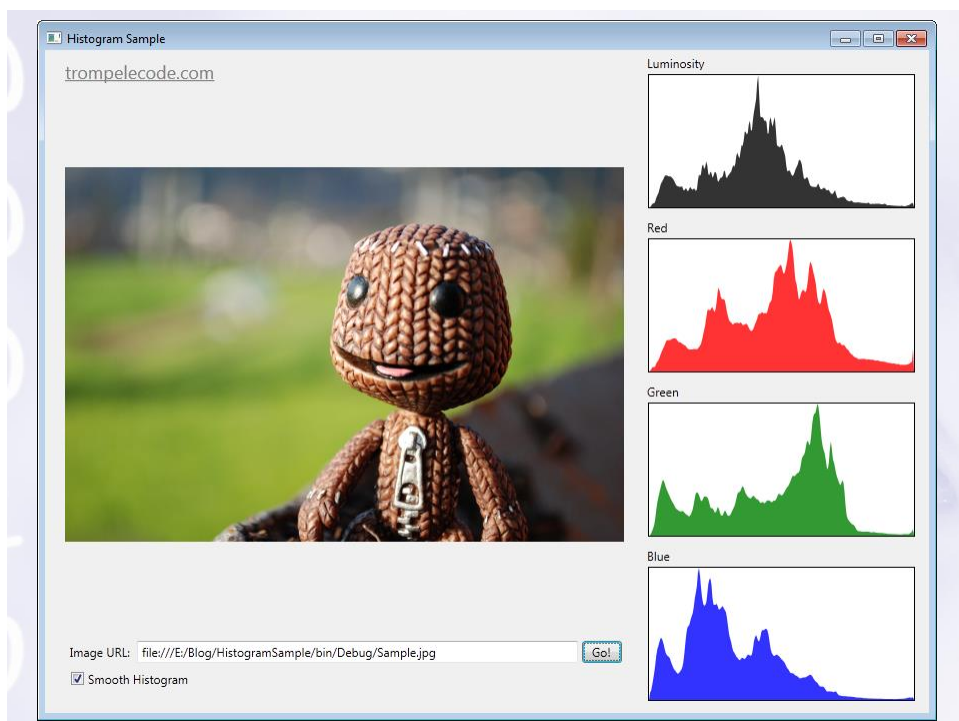
17



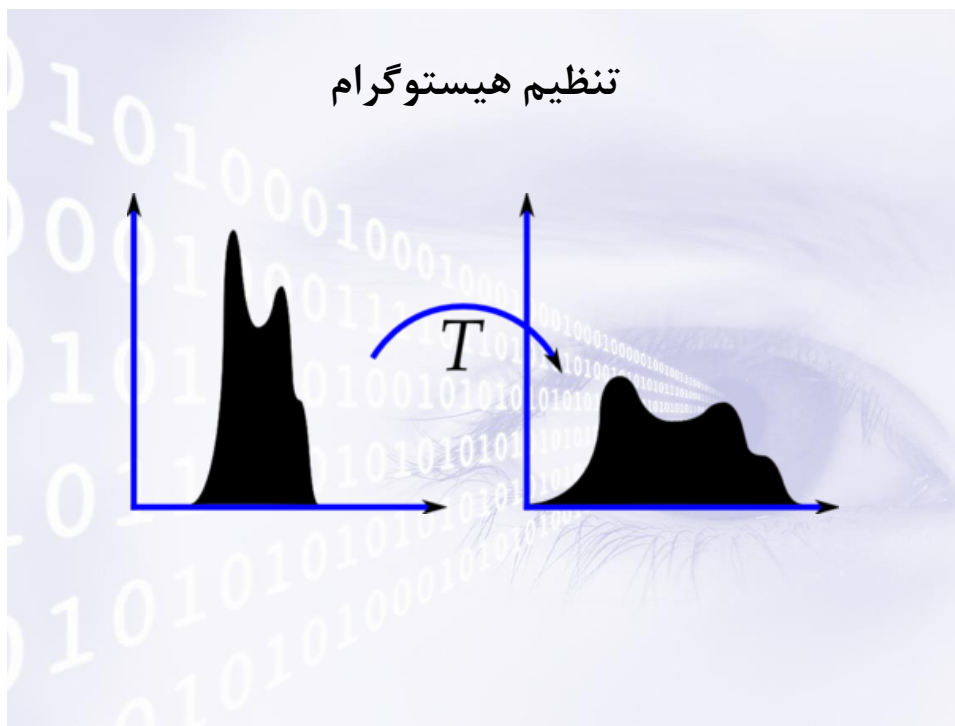
18



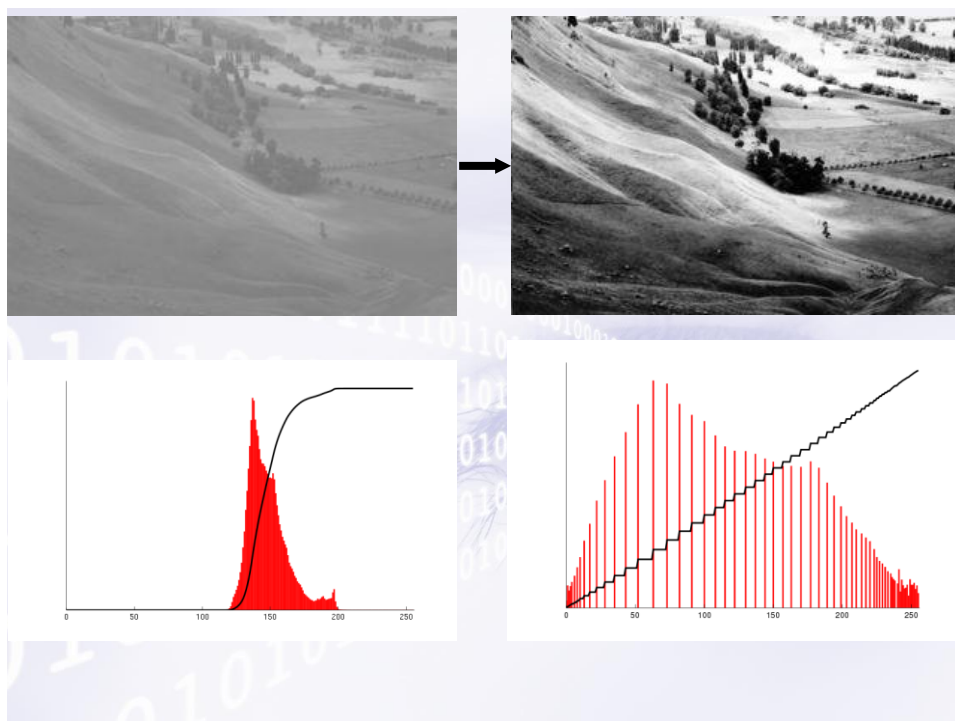
19



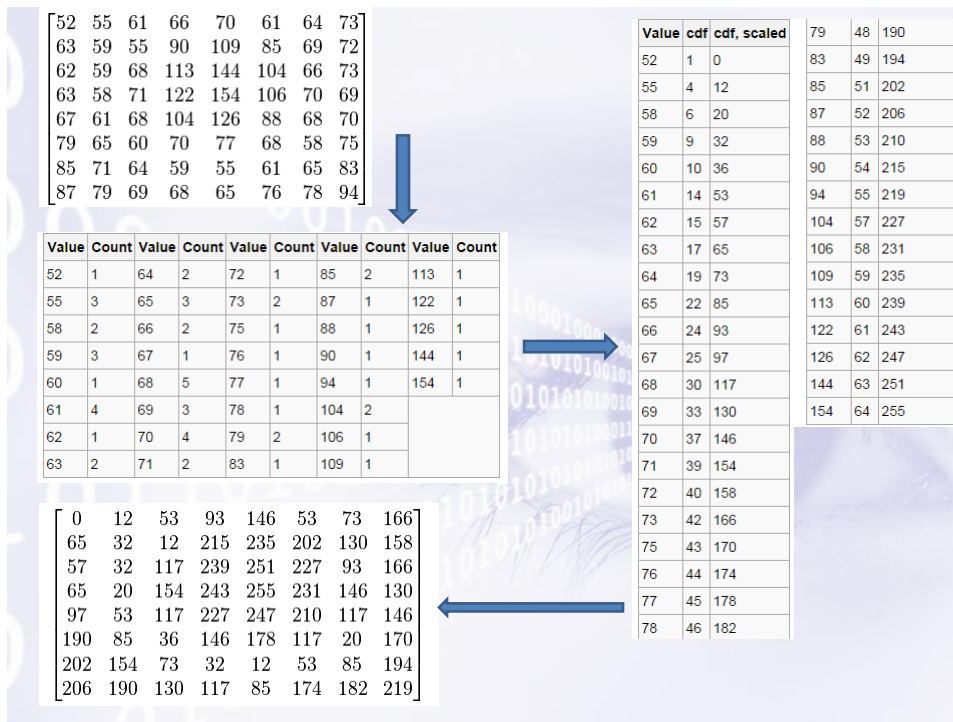
20



21



22



23

This cdf shows that the minimum value in the subimage is 52 and the maximum value is 154. The cdf of 64 for value 154 coincides with the number of pixels in the image. The cdf must be normalized to  $[0, 255]$ . The general histogram equalization formula is:

$$h(v) = \text{round} \left( \frac{\text{cdf}(v) - \text{cdf}_{\min}}{(M \times N) - \text{cdf}_{\min}} \times (L - 1) \right)$$

where  $\text{cdf}_{\min}$  is the minimum non-zero value of the cumulative distribution function (in this case 1),  $M \times N$  gives the image's number of pixels (for the example above 64, where  $M$  is width and  $N$  is the height) and  $L$  is the number of grey levels used (in most cases, like this one, 256).

Note that to scale values in the original data that are above 0 to the range 1 to  $L-1$ , inclusive, the above equation would instead be:

$$h(v) = \text{round} \left( \frac{\text{cdf}(v) - \text{cdf}_{\min}}{(M \times N) - \text{cdf}_{\min}} \times (L - 2) \right) + 1$$

where  $\text{cdf}(v) > 0$ . Scaling from 1 to 255 preserves the non-zero-ness of the minimum value.

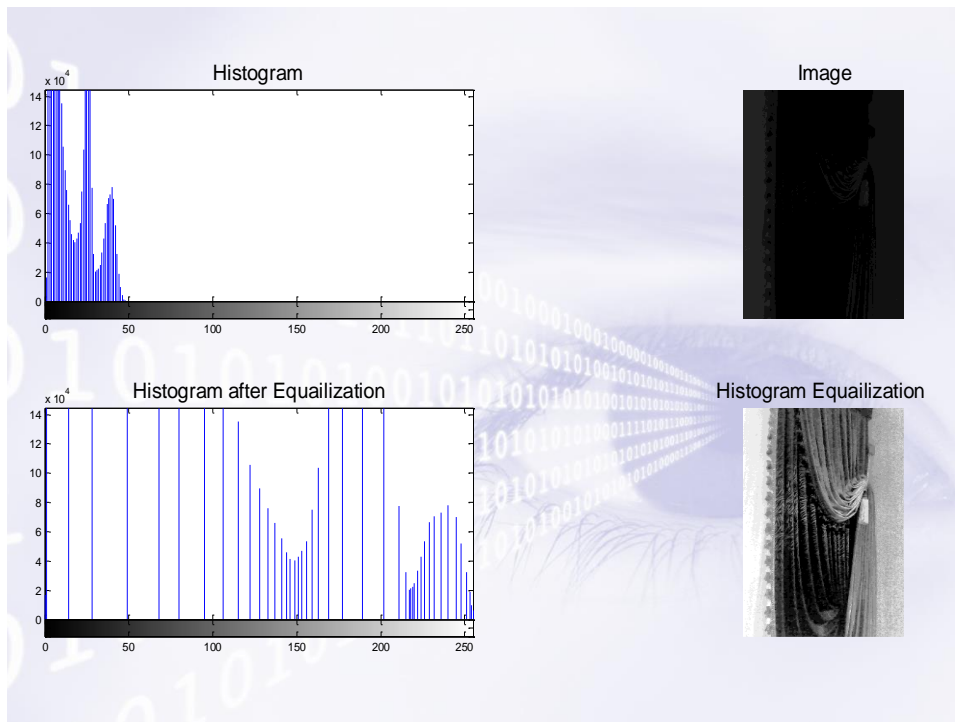
The equalization formula for the example scaling data from 0 to 255, inclusive, is:

$$h(v) = \text{round} \left( \frac{\text{cdf}(v) - 1}{63} \times 255 \right)$$

For example, the cdf of 78 is 46. (The value of 78 is used in the bottom row of the 7th column.) The normalized value becomes

$$h(78) = \text{round} \left( \frac{46 - 1}{63} \times 255 \right) = \text{round}(0.714286 \times 255) = 182$$

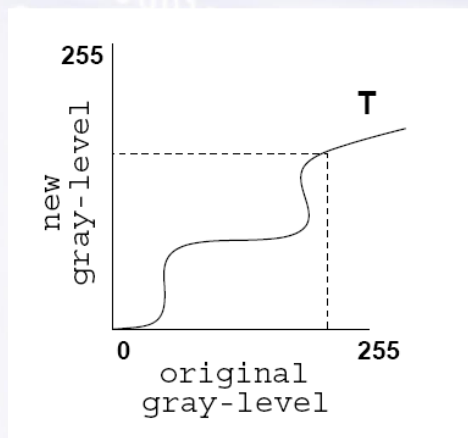
24



25

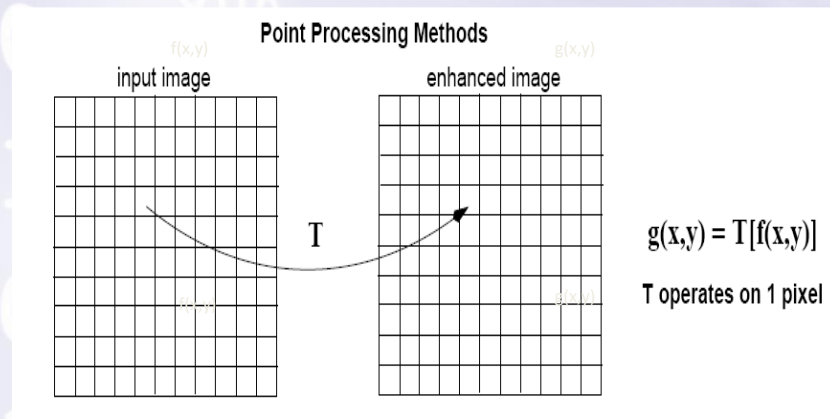
## Point Processing Transformations

- Convert a given pixel value to a new pixel value based on some predefined function.



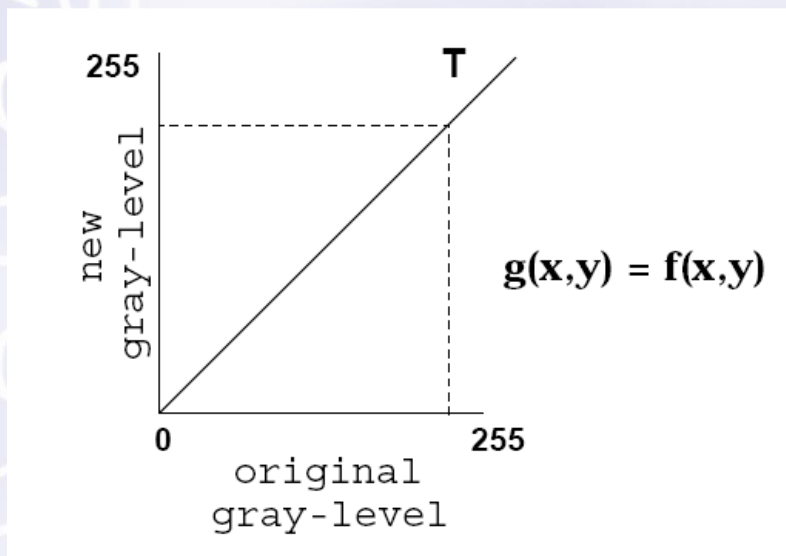
26

## Spatial Domain Methods



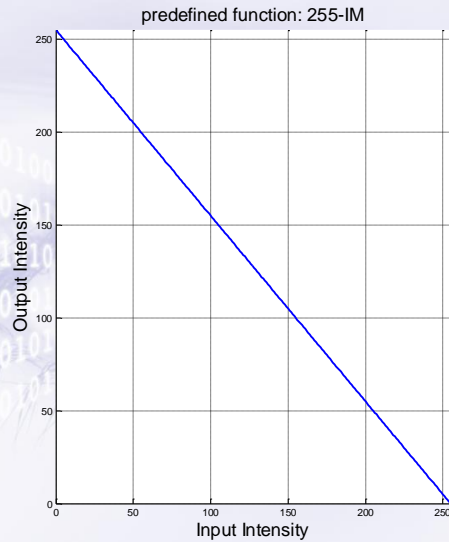
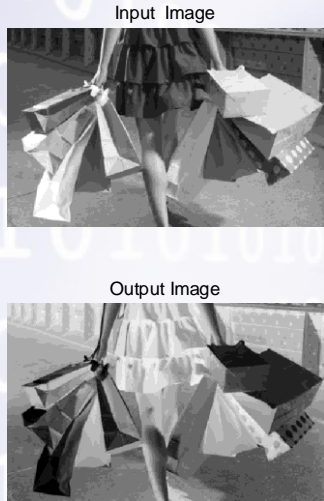
27

## Identity Transformation



28

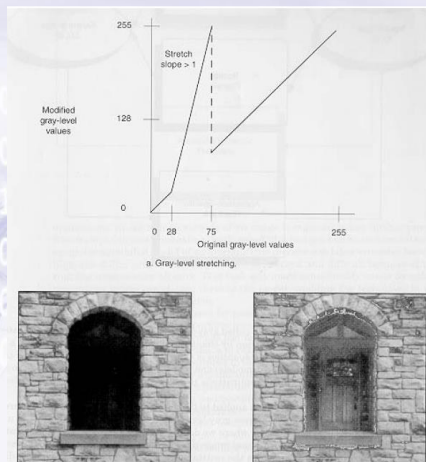
## Negative Image



29

## Contrast Stretching/Compression

- Stretch gray-level ranges where we desire more information (slope > 1).
- Compress gray-level ranges that are of little interest ( $0 < \text{slope} < 1$ ).

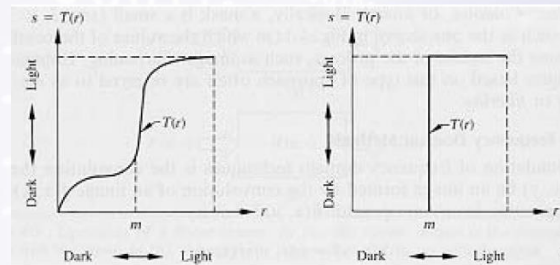


30



# Thresholding

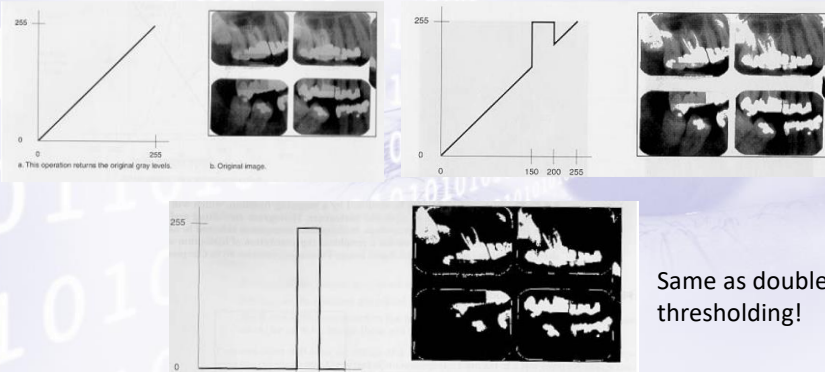
- Special case of contrast compression



31

# Intensity Level Slicing

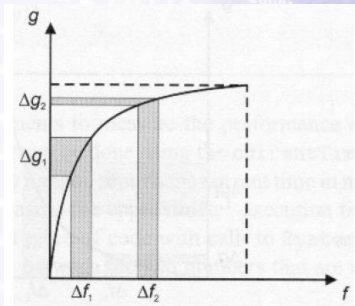
- Highlight specific ranges of gray-levels only.



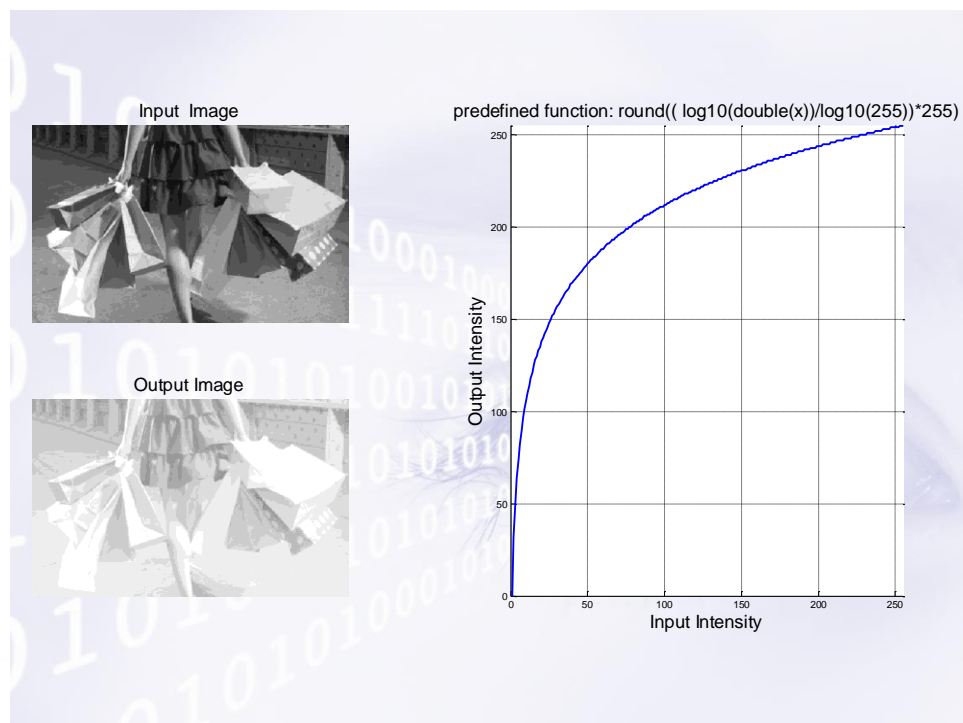
32

# Logarithmic transformation

- Enhance details in the darker regions of an image at the expense of detail in brighter regions.



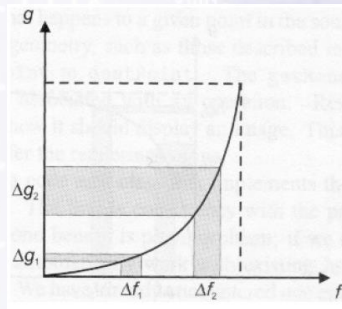
33



34

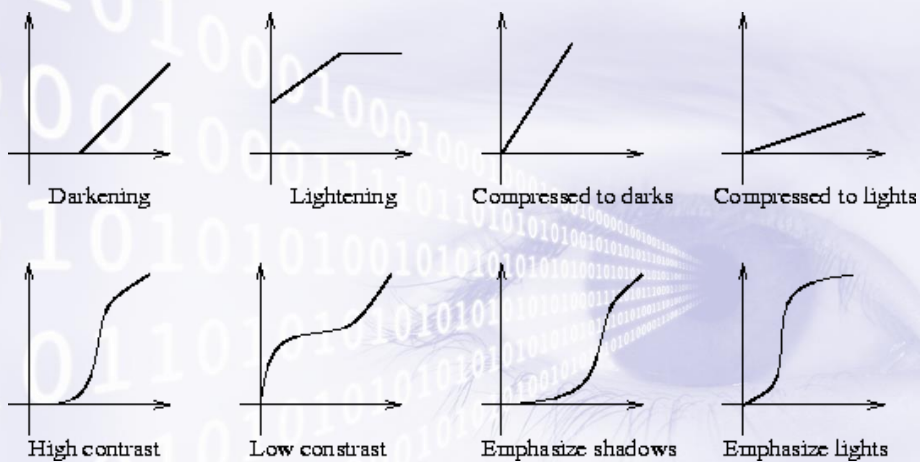
# Exponential transformation

- Reverse effect of that obtained using logarithmic mapping.



35

## تنظیم هیستوگرام



36

## Addition

- Useful for combining information between two images

$$0 \leq \alpha \leq 1$$

$$O(r, c) = \alpha I_1(r, c) + (1 - \alpha) I_2(r, c)$$

37

Image1

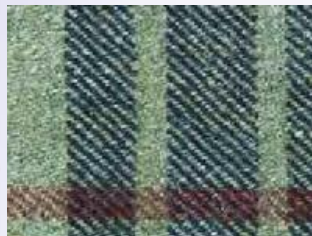


Image summation  $\alpha = 0.7$

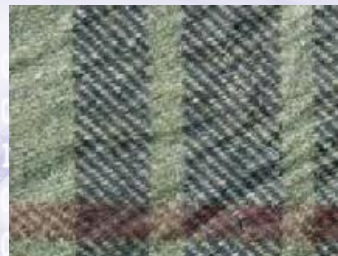


Image2



38

# Geometric Transformations

Transformation Name	Affine Matrix, T	Coordinate Equations	Example
Identity	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = v$ $y = w$	
Scaling	$\begin{bmatrix} c_x & 0 & 0 \\ 0 & c_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = c_x v$ $y = c_y w$	
Rotation	$\begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ -\sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = v \cos \theta - w \sin \theta$ $y = v \sin \theta + w \cos \theta$	
Translation	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ t_x & t_y & 1 \end{bmatrix}$	$x = v + t_x$ $y = w + t_y$	
Shear (vertical)	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ s_v & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = v + s_v w$ $y = w$	
Shear (horizontal)	$\begin{bmatrix} 1 & s_h & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = v$ $y = s_h v + w$	

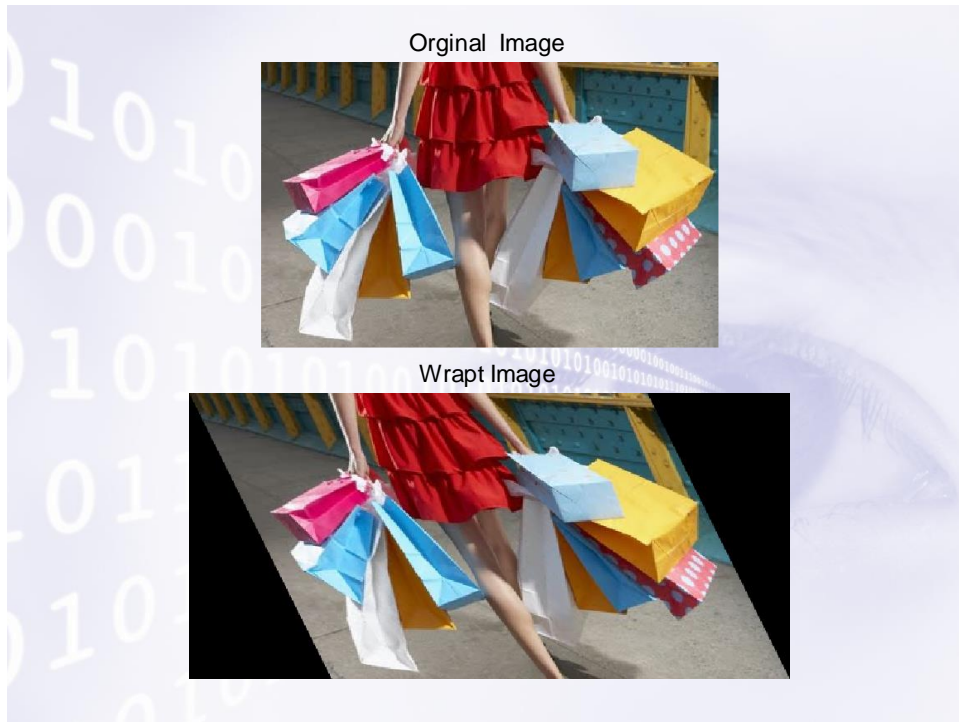
affine transformation

$$[x \ y \ 1] = [v \ w \ 1] \begin{bmatrix} t_{11} & t_{12} & 0 \\ t_{21} & t_{22} & 0 \\ t_{31} & t_{32} & 1 \end{bmatrix}$$

39

<p><b>No change</b></p> $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	<p><b>Translate</b></p> $\begin{bmatrix} 1 & 0 & X \\ 0 & 1 & Y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	<p><b>Scale about origin</b></p> $\begin{bmatrix} W & 0 & 0 \\ 0 & H & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
<p><b>Rotate about origin</b></p> $\begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ -\sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	<p><b>Shear in x direction</b></p> $\begin{bmatrix} 1 & A & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	<p><b>Shear in y direction</b></p> $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ B & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
<p><b>Reflect about origin</b></p> $\begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	<p><b>Reflect about x-axis</b></p> $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	<p><b>Reflect about y-axis</b></p> $\begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

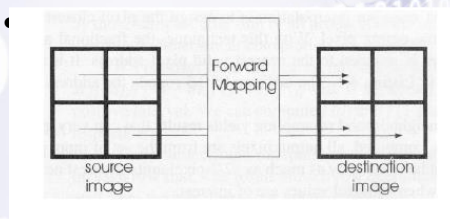
40



41

## Forward mapping

- Transformed pixel coordinates might not lie within the bounds of the image.
- Transformed pixel coordinates can be non-integer.



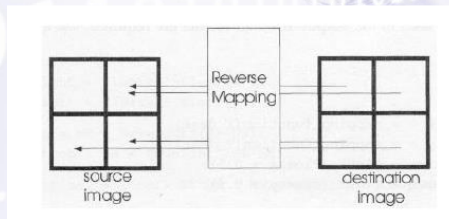
in the input image  
locations in the

42

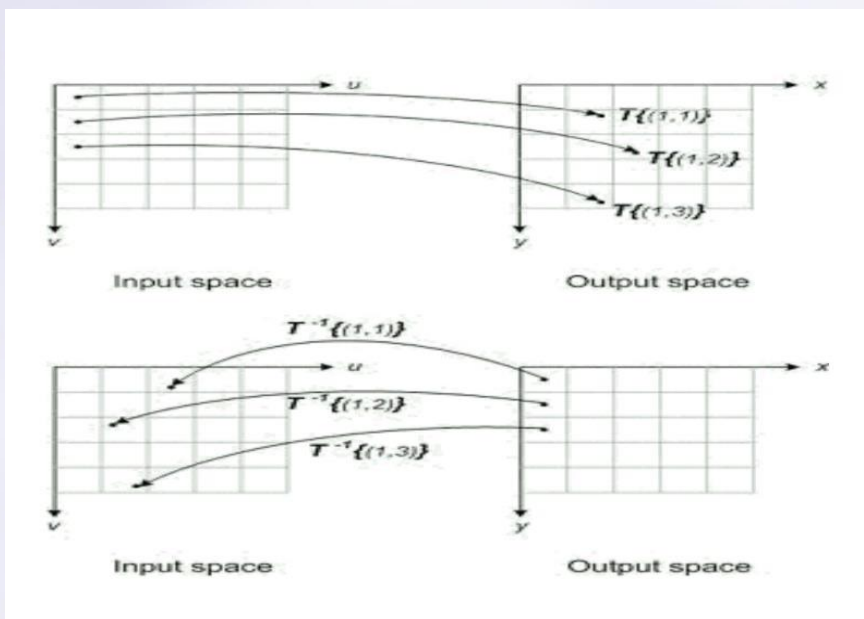


# Inverse Mapping

- To guarantee that a value is generated for every pixel in the output image, we must consider each output pixel in turn and use the *inverse* mapping to determine the position in the input image.
- To assign intensity values to these locations, we use intensity *interpolation*.



43

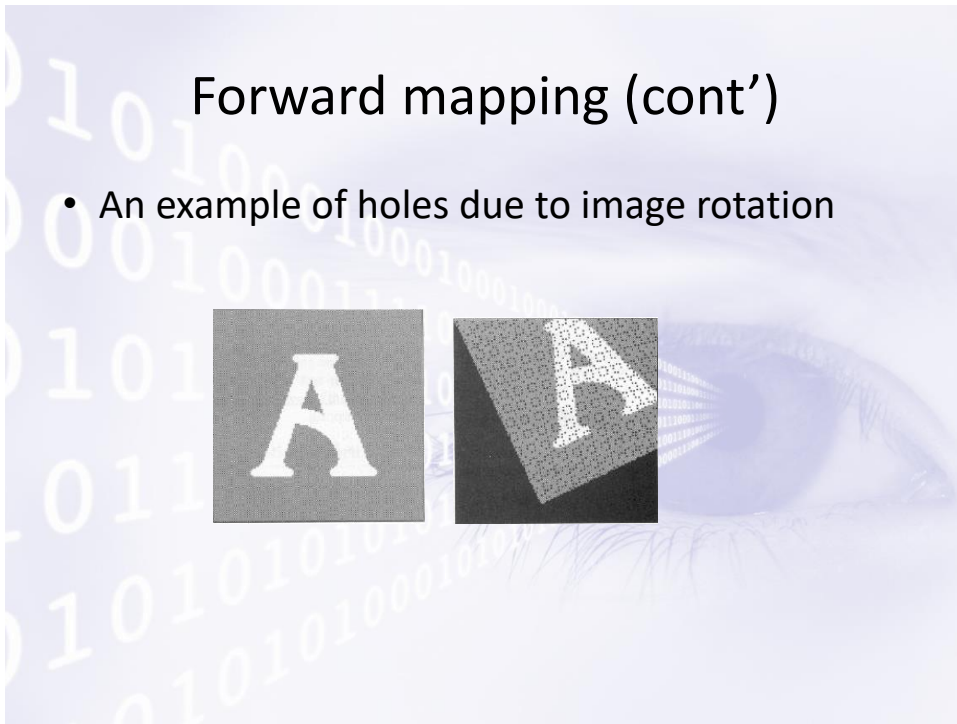


44

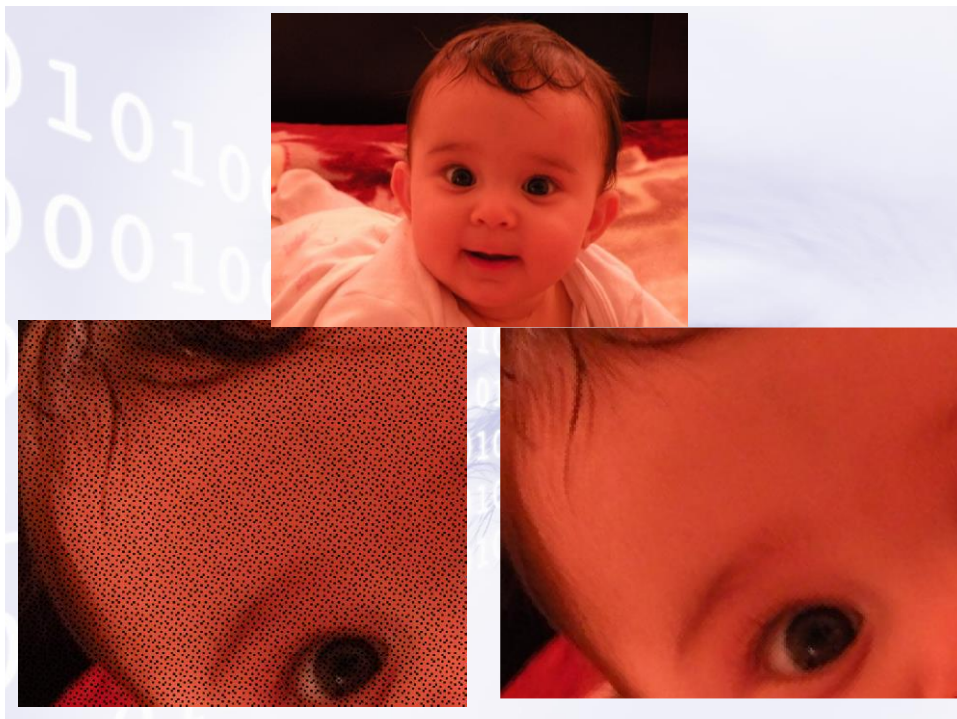


## Forward mapping (cont')

- An example of holes due to image rotation



45

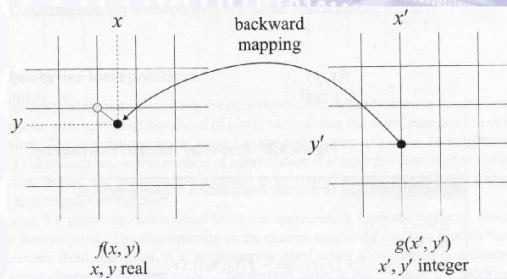


46

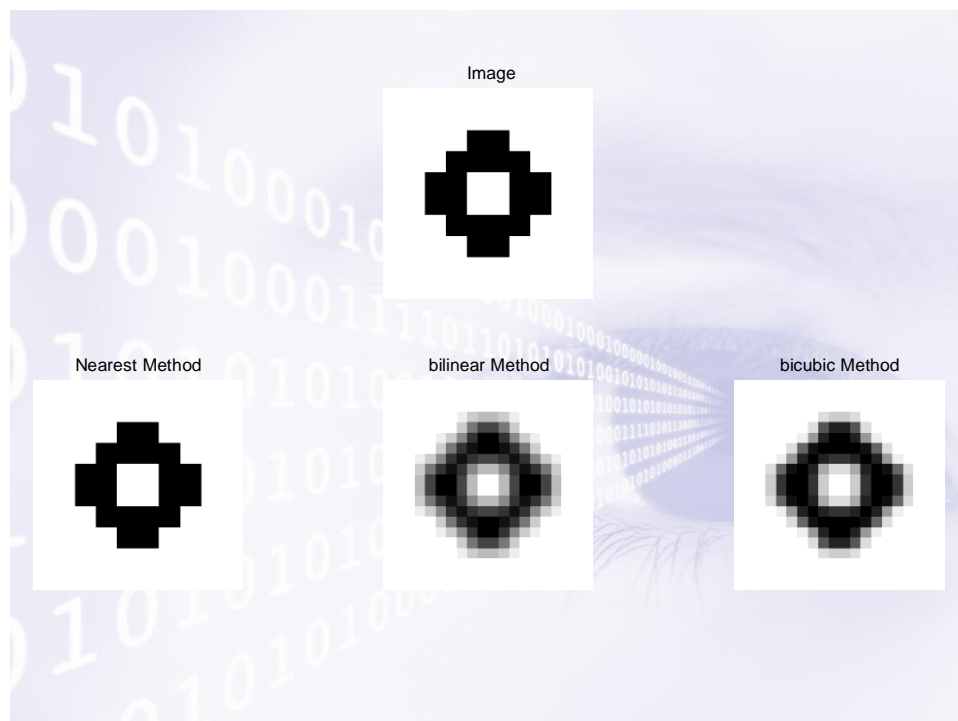
# Interpolation

- Interpolation is the process of using known data to estimate values at unknown locations.

## Zero-order interpolation (or nearest-neighbor)



47



48

nearest neighbor interpolation

روش نزدیکترین همسایگی

2x2

4x4

original image

Zoom by factor of 2

49

## Interpolation (cont'd)

First-order interpolation:

average

$f(x, y)$   
 $x, y$  real

backward mapping

$g(x', y')$   
 $x', y'$  integer

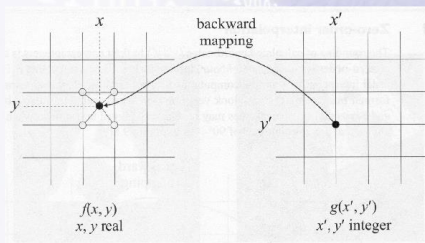
50

# Interpolation (cont'd)

## First-order interpolation:

bilinear

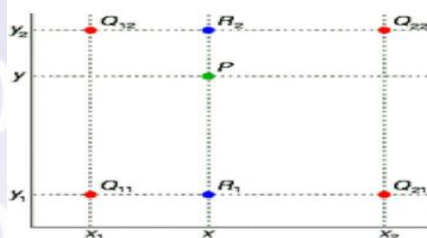
$$I(x,y) = ax + by + cxy + d$$



- The unknowns (a,b,c,d) are determined from four equations formed by the four nearest neighbors.

51

## bilinear Interpolation



We first do linear interpolation in the  $x$ -direction. This yields

$$f(R_1) \approx \frac{x_2 - x}{x_2 - x_1} f(Q_{11}) + \frac{x - x_1}{x_2 - x_1} f(Q_{21})$$

where  $R_1 = (x, y_1)$ ,

$$f(R_2) \approx \frac{x_2 - x}{x_2 - x_1} f(Q_{12}) + \frac{x - x_1}{x_2 - x_1} f(Q_{22})$$

where  $R_2 = (x, y_2)$ .

We proceed by interpolating in the  $y$ -direction.

$$f(P) \approx \frac{y_2 - y}{y_2 - y_1} f(R_1) + \frac{y - y_1}{y_2 - y_1} f(R_2).$$

### Unit Square

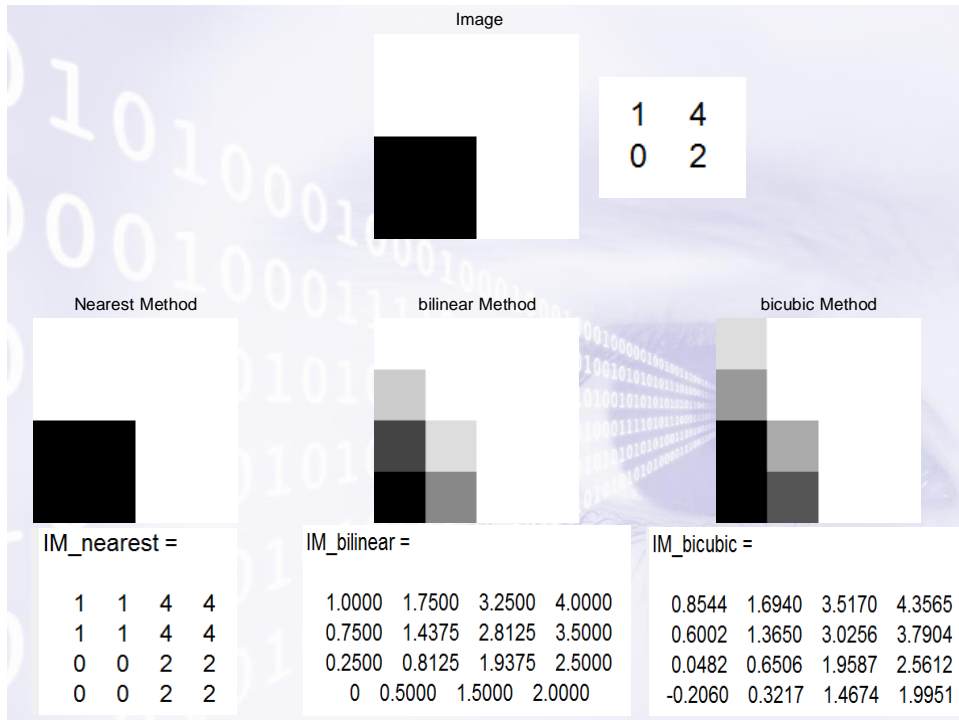
If we choose a coordinate system in which the four points where  $f$  is known are  $(0, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(1, 0)$ , and  $(1, 1)$ , then the interpolation formula simplifies to

$$f(x, y) \approx f(0, 0)(1-x)(1-y) + f(1, 0)x(1-y) + f(0, 1)(1-x)y + f(1, 1)xy.$$

Or equivalently, in matrix operations:

$$f(x, y) \approx \begin{bmatrix} 1-x & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} f(0, 0) & f(0, 1) \\ f(1, 0) & f(1, 1) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1-y \\ y \end{bmatrix}.$$

52



53

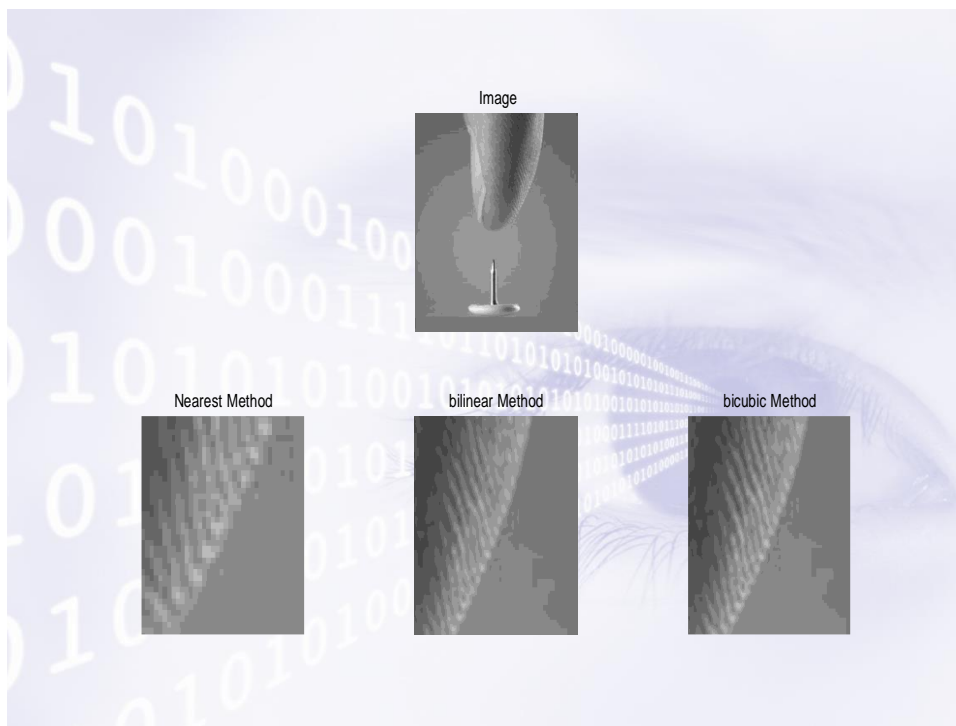
## Interpolation (cont'd)

### Bicubic interpolation

- It involves the sixteen nearest neighbors of a point.
- The unknowns  $a_{ij}$  are determined from sixteen equations formed by the sixteen nearest neighbors.

$$I(x, y) = \sum_{i=0}^3 \sum_{j=0}^3 a_{ij} x^i y^j$$

54



55



56