







کاهش رنگ





www.pedram-pay.com

رنگ در تصاویر




4064 colors 2977 colors



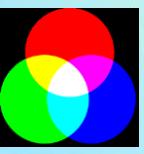


7504 colors 1312 colors 5094 colors

www.pedram-payvandy.com

فضای رنگی

RGB



The RGB (Red, Green, Blue) color model is the most known, and the most used every day. It defines a color space in terms of three components:

- Red, which ranges from 0-255
- Green, which ranges from 0-255
- Blue, which ranges from 0-255

www.pedram-payvandy.com

Image Color Space

HSV

The HSB (Hue, Saturation, Brightness) color model defines a color space in terms of three constituent components:

- Hue**: the color type (such as red, blue, or yellow).
 - Ranges from 0 to 360° in most applications. (each value corresponds to one color : 0 is red, 45 is a shade of orange and 55 is a shade of yellow).
- Saturation**: the intensity of the color.
 - Ranges from 0 to 100% (0 means no color, that is a shade of grey between black and white; 100 means intense color).
 - Also sometimes called the "purity" by analogy to the **colorimetric** quantities excitation purity.
- Brightness** (or Value): the brightness of the color.
 - Ranges from 0 to 100% (0 is always black; depending on the saturation, 100 may be white or a more or less saturated color).

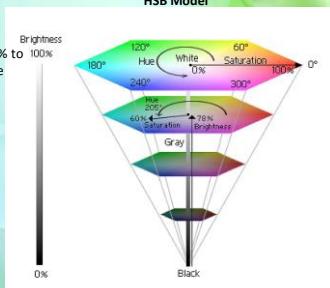
www.pedram-payvandy.com

Color & Color Space

Brightness

When reducing brightness from 100% to 0% the amount of colors will become smaller:

Top Plane = 0-255
Middle = 0-127
Bottom 0-0 (only one color?)



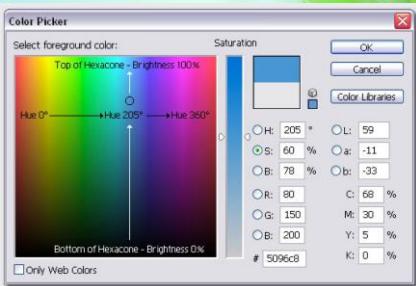
www.pedram-payvandy.com

Color & Color Space

Brightness

Hue = 205 Saturation = 60% Brightness = 78%

HSB reference #'s
CMYK reference #'s
RGB reference #'s
html reference #



Color & Color Space

Lightness

Uses 50% gray as the reference point and is represented by a double cone with a white point at the top and a black point at the bottom.

Both the **Saturation** and **Lightness** sliders in PhotoShop is based on the HSL model.

www.pedr.com

Image Color Space

RGB to HSV Converting

$$H = \arccos \frac{\frac{1}{2}(2R - G - B)}{\sqrt{(R - G)^2 - (R - B)(G - B)}}$$

$$S_{HSV} = \frac{\max(R, G, B) - \min(R, G, B)}{\max(R, G, B)}$$

$$V_{HSV} = \max(R, G, B)$$

www.pedram-payvandy.com

Effect of H ,S and V Ratio

HSV Effective Ratio in Clustering

H	S	V
1	0.5	0.1
1	0.5	0.5
1	0.5	1
1	1	0.5
1	1	0.1
1	1	1
1	0.1	0.1
1	0.1	0.5
1	0.1	1

www.pedram-payvandy.com

What is clustering?

Clustering can be considered the most important unsupervised learning problem; so, as every other problem of this kind, it deals with finding a structure in a collection of unlabeled data.

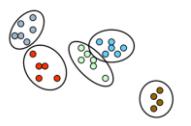
A loose definition of clustering could be “the process of organizing objects into groups whose members are similar in some way”.

A cluster is therefore a collection of objects which are “similar” between them and are “dissimilar” to the objects belonging to other clusters.

www.pedram-payvandy.com

خوشه بندی

تفاوت خوشه بندی و دسته بندی



www.pedram-payvandy.com

K-Means خوشه بندی روش

- در ابتدا K نقطه به عنوان به نقاط مرکز خوشه ها انتخاب می شوند.
- هر نمونه داده به خوشه ای که مرکز آن خوشه کمترین فاصله تا آن داده را داراست، نسبت داده می شود.

- پس از اتعلق تمام داده ها به یکی از خوشه ها برای هر خوشه یک نقطه جدید به عنوان مرکز محاسبه می شود. (میانگین نقاط متعلق به هر خوشه)

- مراحل قبل به ترتیب تکرار می شوند تا زمانی که دیگر هیچ تغییری در مرکز خوشه ها حاصل نشود.

www.pedram-payvandy.com

15

K-Means مشکلات روش خوشبندی

علی‌رغم اینکه کوئریتیم بالا تضمین شده است ولی جواب نهایی آن واحد نبوده و همواره جوابی بهینه نمی‌باشد. به طور کلی روش ساده بالا دارای مشکلات زیر است.

جواب نهایی به انتخاب خوش‌های اولیه وابستگی دارد.

روالی مشخص برای محاسبة اولیه مراکز خوش‌ها وجود ندارد.

اگر در تکراری از کوئریتیم تعداد داده‌های متعلق به خوش‌های صفر شد راهی برای تغییر و بهبود ادامه روش وجود ندارد.

در این روش فرض شده است که تعداد خوش‌ها از ابتدا مشخص است. اما معمولاً در کاربردهای زیادی تعداد خوش‌ها مشخص نمی‌باشد.

www.pedram-payvandy.com

16

محاسبه فاصله بین دو خوش

Minkoski فاصله

بکی از معمولترین متربک‌های فاصله می‌باشد

$$S_i = \lVert p(x, \mu_i) = \left(\sum_{j=1}^n |\mu_{ij} - x_j|^p \right)^{1/p}$$

در رابطه بالا وزن داده به اختلاف در هر بعد را کنترل می‌کند.
چنانچه این پارامتر برابر ۱ باشد معیار فاصله منهantan، چنانچه برابر ۲ باشد معیار فاصله اقلیدسی و چنانچه به سمت بینهایت میل کنند معیار جیبیش را نتیجه می‌دهد

www.pedram-payvandy.com

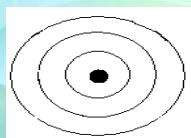
17

محاسبه فاصله بین دو خوش

: فاصله اقلیدسی:

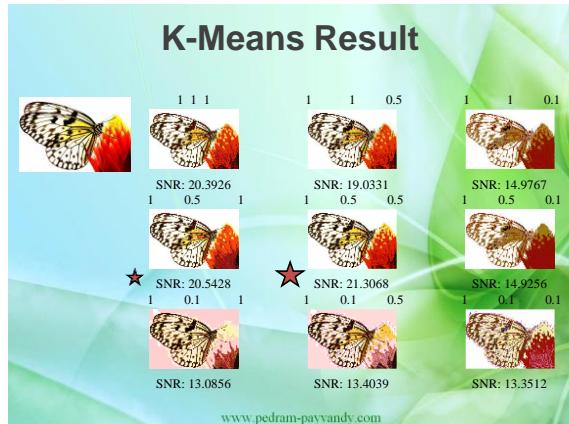
فاصله اقلیدسی برابر طول باره خط و اصل دونقطه (کوتاه ترین فاصله دو نقطه) می‌باشد و از رابطه فیثاغورث به دست می‌آید. اگر X و μ_i دو بردار n بعدی باشند فاصله اقلیدسی آنها برابر است با :

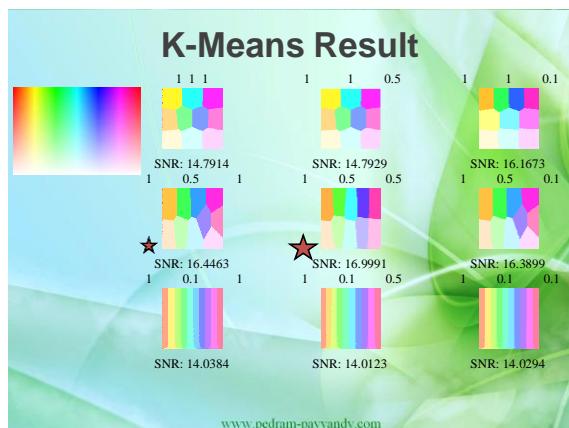
$$d(x, \mu_i) = l_p = \sqrt{\sum_{j=1}^n (\mu_{ij} - x_j)^2}$$

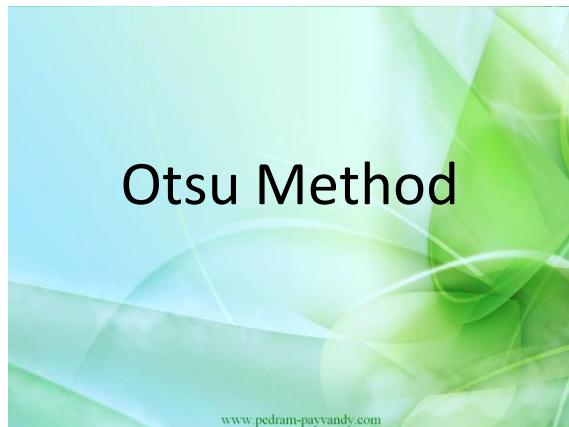


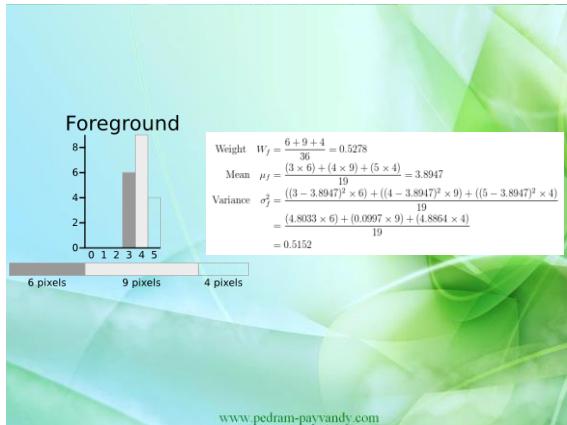
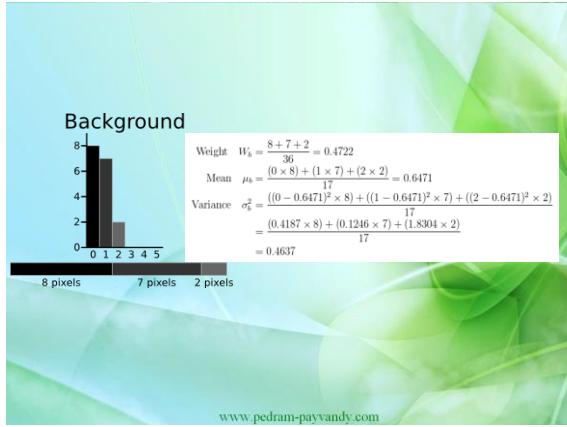
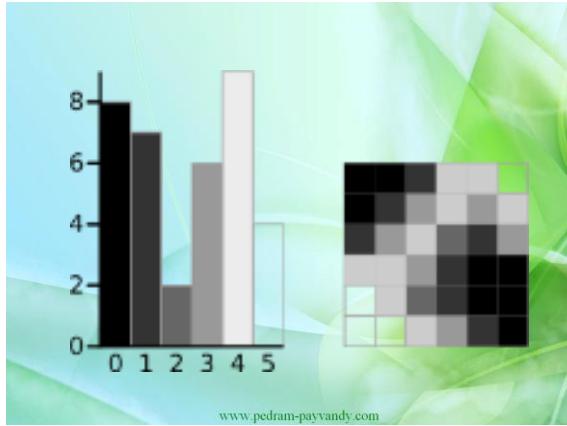
www.pedram-payvandy.com

18







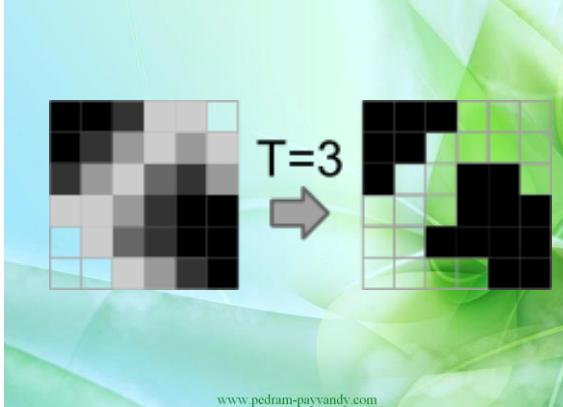
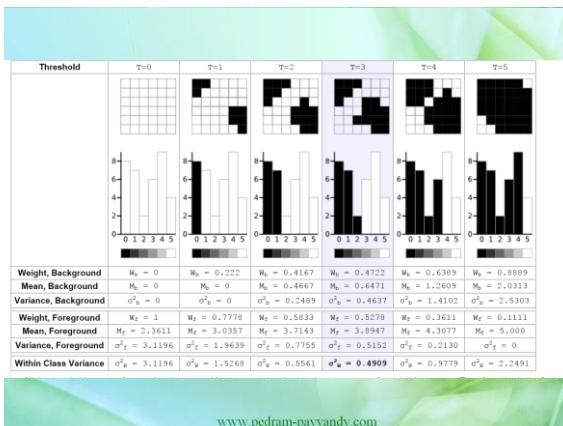
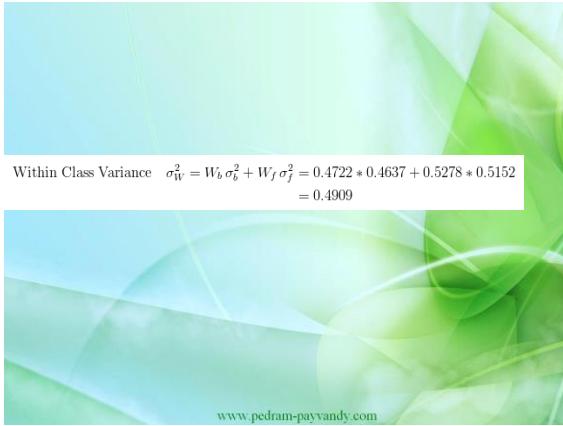


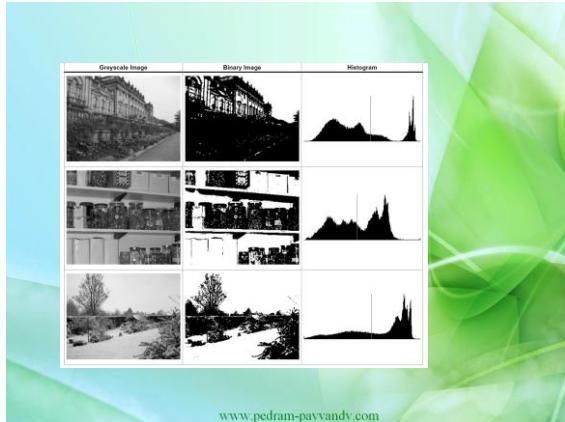
$$\begin{aligned} \text{Weight } W_b &= \frac{8+7+2}{36} = 0.4722 \\ \text{Mean } \mu_b &= \frac{(0 \times 8) + (1 \times 7) + (2 \times 2)}{17} = 0.6471 \\ \text{Variance } \sigma_b^2 &= \frac{((0 - 0.6471)^2 \times 8) + ((1 - 0.6471)^2 \times 7) + ((2 - 0.6471)^2 \times 2)}{17} \\ &= \frac{(0.4187 \times 8) + (0.1246 \times 7) + (1.8304 \times 2)}{17} \\ &= 0.4637 \end{aligned}$$

8 pixels 7 pixels 2 pixels

$$\begin{aligned} \text{Weight } W_f &= \frac{6+9+4}{36} = 0.5278 \\ \text{Mean } \mu_f &= \frac{(3 \times 6) + (4 \times 9) + (5 \times 4)}{19} = 3.8947 \\ \text{Variance } \sigma_f^2 &= \frac{((3 - 3.8947)^2 \times 6) + ((4 - 3.8947)^2 \times 9) + ((5 - 3.8947)^2 \times 4)}{19} \\ &= \frac{(4.8033 \times 6) + (0.0997 \times 9) + (4.8864 \times 4)}{19} \\ &= 0.5152 \end{aligned}$$

6 pixels 9 pixels 4 pixels





Within Class Variance	$\sigma_W^2 = W_b \sigma_b^2 + W_f \sigma_f^2$ (as seen above)
Between Class Variance	$\begin{aligned} \sigma_B^2 &= \sigma^2 - \sigma_W^2 \\ &= W_b(\mu_b - \mu)^2 + W_f(\mu_f - \mu)^2 \quad (\text{where } \mu = W_b \mu_b + W_f \mu_f) \\ &= W_b W_f (\mu_b - \mu_f)^2 \end{aligned}$
<hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/>	
<hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/>	
<hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/>	

www.pedram-payvandy.com

